

VTŠ: Osnovi računarske tehnike

Sekvencijalna logika

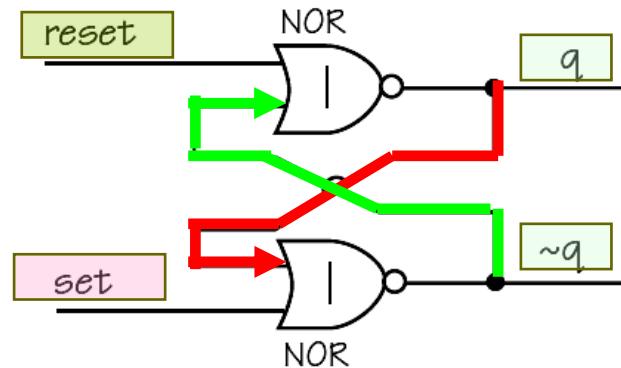
mr. Veličković Zoran
Mart, 2010.

Sekvencijalna logička funkcija

- Logičke funkcije se mogu kategorizirati kao **kombinacione** ili kao **sekvencijalne**.
- U slučaju kombinacionih logičkih funkcija, njihov logički izlaz zavisi samo od **trenutne** kombinacije prisutnih logičkih ulaza (Do sada smo razmatrali samo ove tipove funkcija).
- Kod sekvenčijalnih funkcija stanje izlaza takođe zavisi od stanja logičkih ulaza ali i od njihove logičke vrednosti u **prethodnom** stanju.
- Dakle, izlazi kod sekvenčijalnih funkcija zavise od vrednosti kompletne ulazne sekvenca.
- Sekvenčijalne funkcije pamte prethodno stanje ulaza i zato ih nazivamo **memorijskim elementima**.

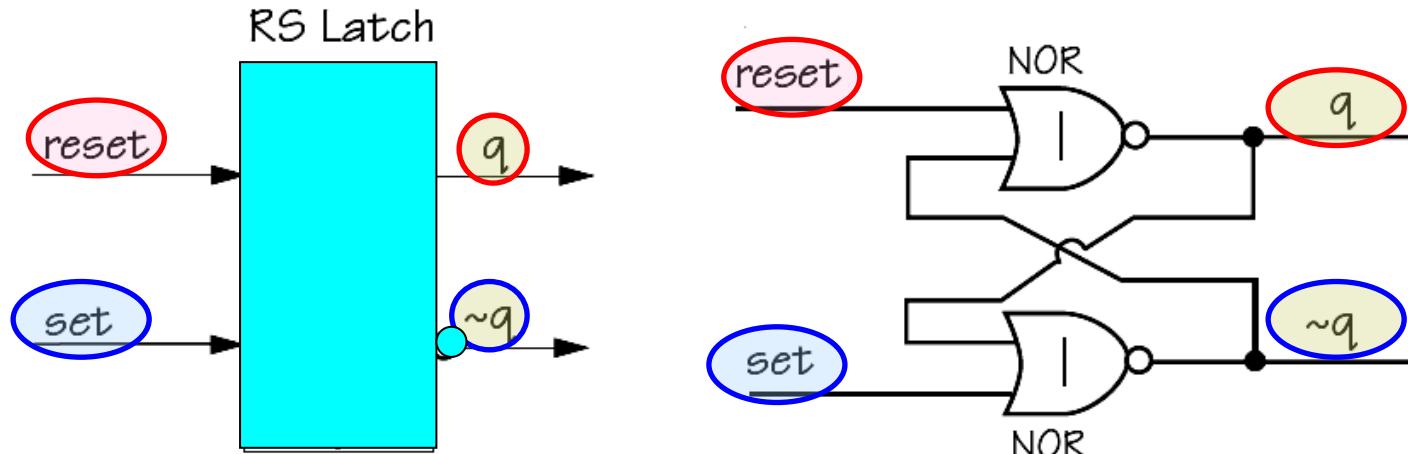
RS latc (leč)

- Jedna od najjednostavnijih sekvencijalnih funkcija je **RS leč**, koji se može formirati korišćenjem **dva NILI kola** povezana na specifičan način (**back-to-back**).



- U ovoj NILI (NOR) verziji **RESET** i **SET** ulazi su aktivni visoko.
- Imena ovih ulaza odgovaraju **stanju izlaza Q** na koji deluju.
- Kada je na **RESET** na aktivnom nivou izlaz **q** se postavlja na 0.
- Kada je **SET** na aktivnom nivou izlaz **q** se postavlja u 1.
- Izlazi **q** i $\sim q$ se nazivaju **pravi (true)** i **komplementarni izlaz (complementary)**

Predstavljanje RS leča



↓ Tabela istinitosti ↓

reset	set	$q_{(n+)}$	$\sim q_{(n+)}$
0	0	$q_{(n)}$	$\sim q_{(n)}$
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	0^*	0^*

(0^* = Unstable State)

$$q = (\overline{\text{reset}} \mid \overline{\sim q})$$
$$\sim q = (\overline{\text{set}} \mid q)$$

Zadržava se prethodno stanje izlaza

RS leč i feedback

- $\sim q$ nije inverzno od q samo u slučaju kada su ulazi **SET** i **RESET** istovremeno postavljeni u aktivno stanje ($SET=RESET=1$)!
- Stanja $q(n+)$ i $\sim q(n+)$ označavaju **buduće vrednosti** ovih izlaza.
- RS latch **pamti prethodno stanje ulaza** što se bazira na tehnici pod nazivom **feedback**.
- Ovo je zapravo **vraćanje stanja izlaza** na ulaz (čime se formira **dodatni ulaz** u funkciju).
- Na sledećim slikama ćemo objasniti kako ova tehnika funkcioniše.
- Počnimo sa pretpostavkom da su ulazi ($SET=RESET=0$) u **neaktivnom stanju**.

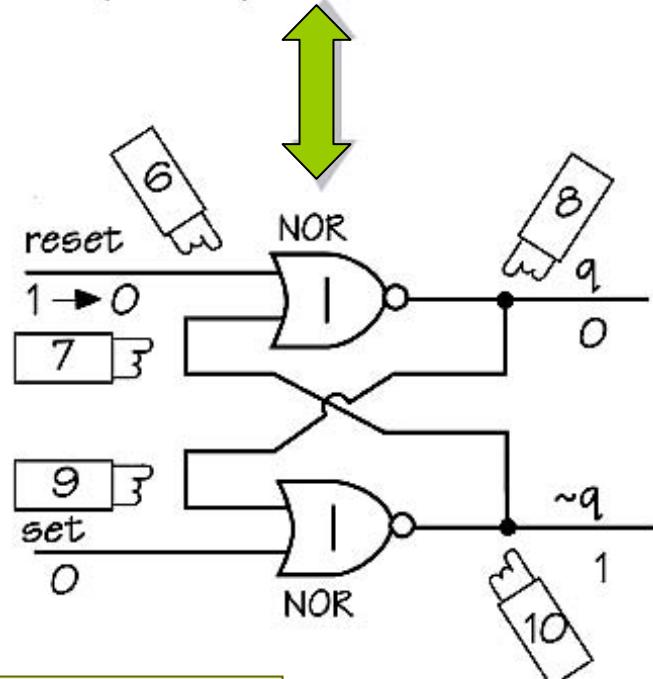
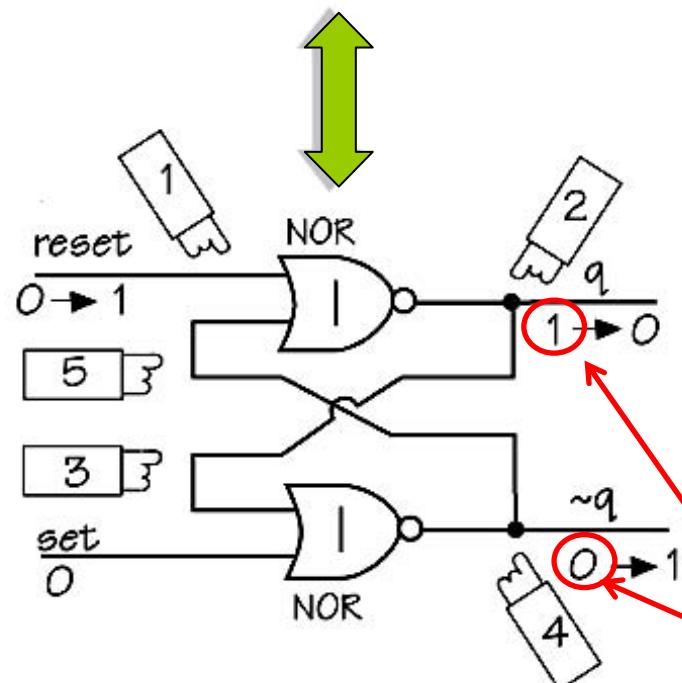
RESET aktivno/neaktivno

RESET: aktivno

reset	set	$q_{(n+)}$	$\sim q_{(n+)}$
0	0	$q_{(n)}$	$\sim q_{(n)}$
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	0*	0*

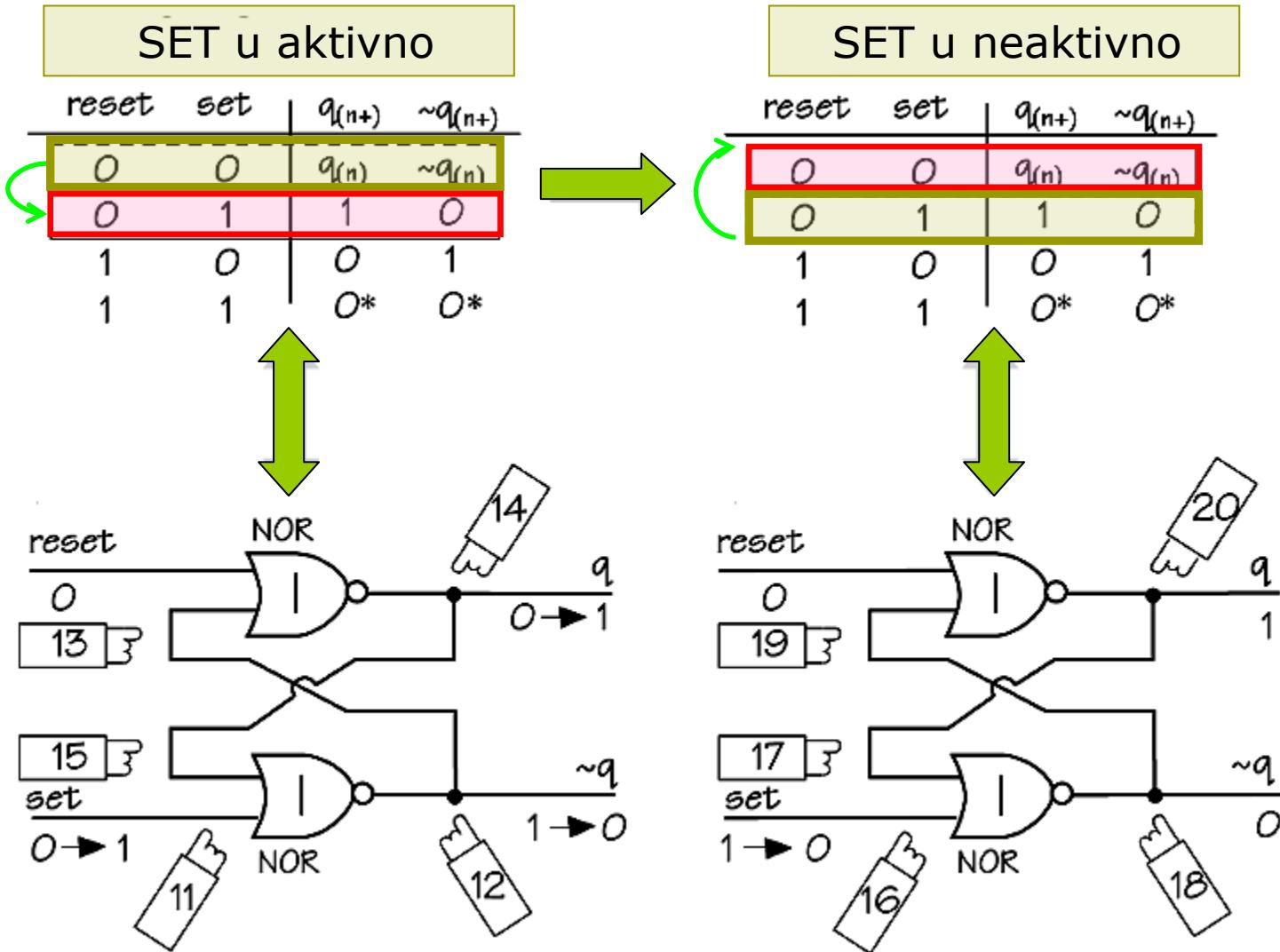
RESET: neaktivno

reset	set	$q_{(n+)}$	$\sim q_{(n+)}$
0	0	$q_{(n)}$	$\sim q_{(n)}$
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	0*	0*

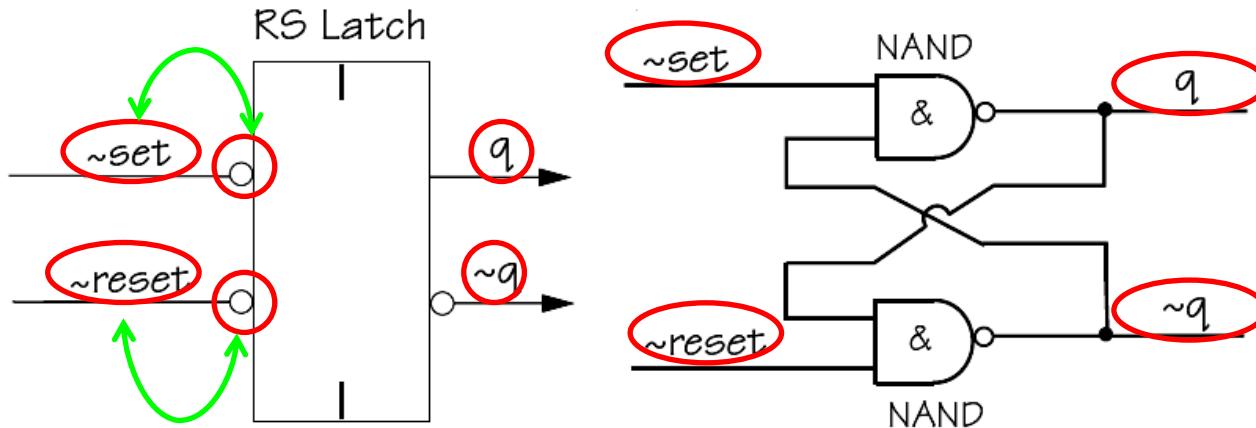


Prepostavka

SET aktivno/neaktivno



NI verzija RS leča



$\sim \text{reset}$	$\sim \text{set}$	$q_{(n+1)}$	$\sim q_{(n+1)}$
0	0	1*	1*
0	1	0	1
1	0	1	0
1	1	$q_{(n)}$	$\sim q_{(n)}$



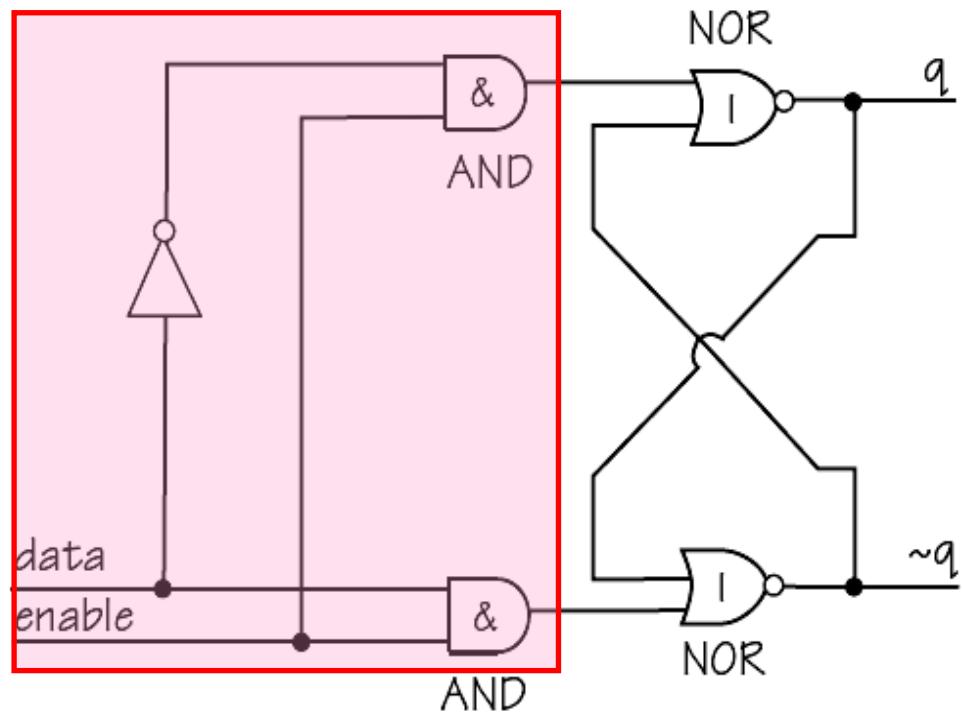
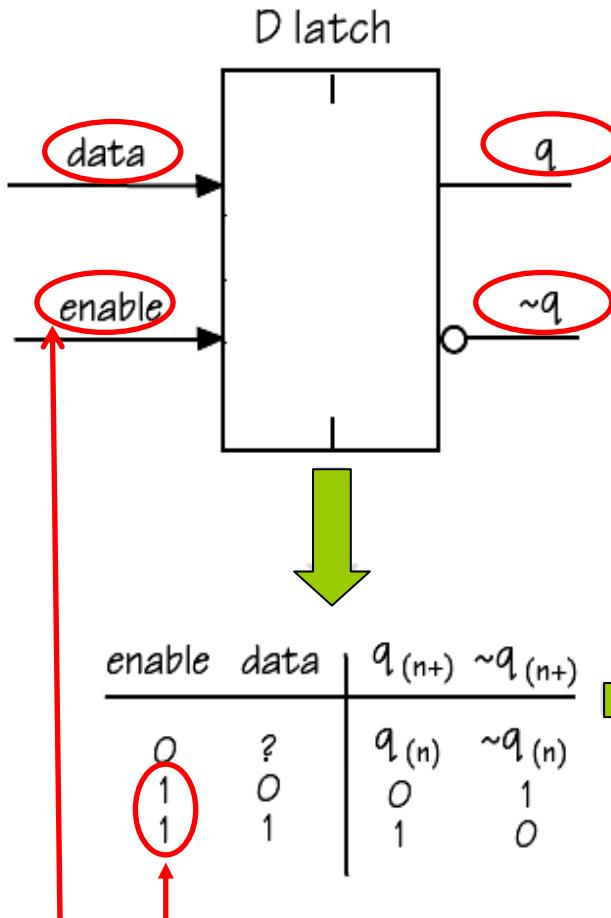
$$q = (\sim \text{set} \& \sim q)$$

$$\sim q = (\sim \text{reset} \& q)$$

(1* = Unstable State)

SET i REST aktivno-nisko

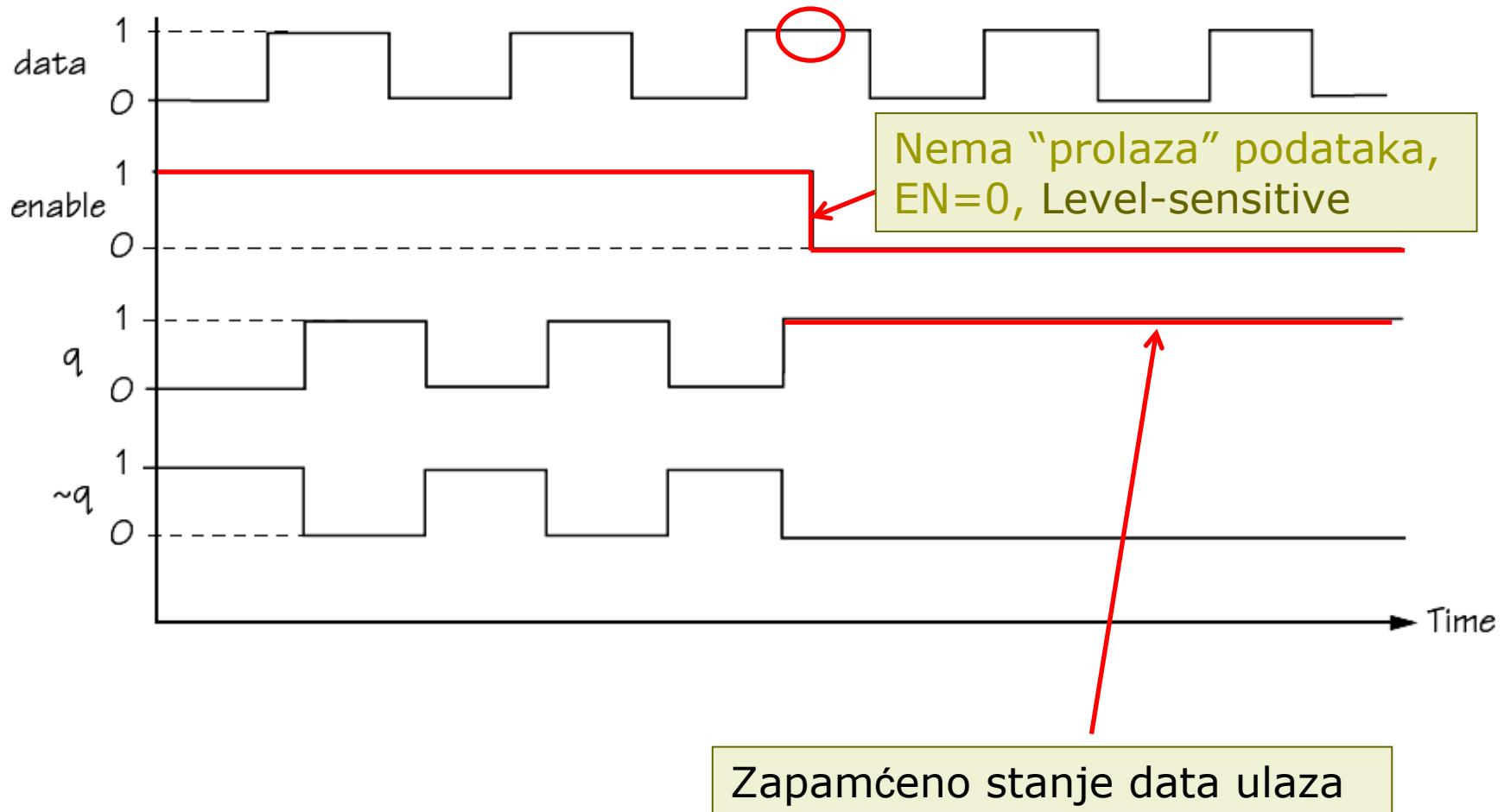
Data tip leča: D-latch



Aktivno visoko

Leč D tipa sa aktivno-visoko ulazima

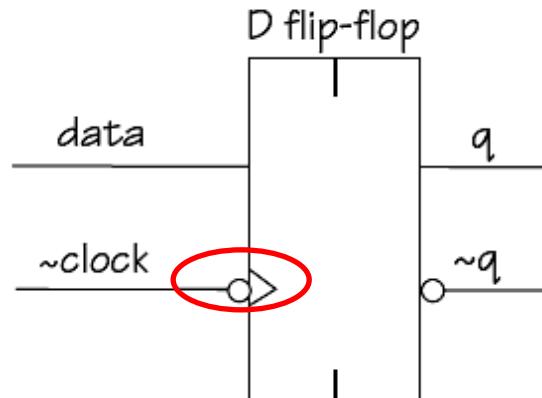
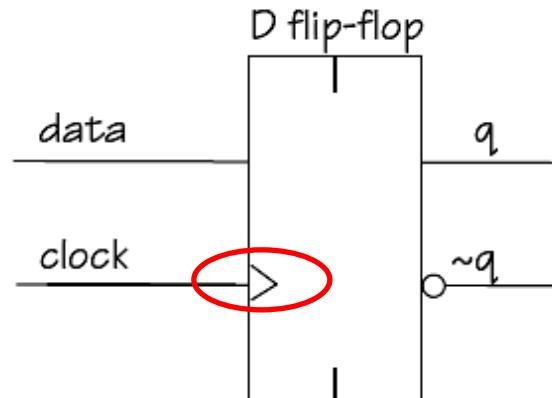
Primena D leča



D-latch → D Flip-Flop

- Za razliku od **level-sensitive** logičkih šema, **transition-sensitive** šeme pamte podatake u trenutku promene logičkog nivoa **clock** ulaza.
- Oznaka transition-sensitive ulaza na šemama je sledeća “>”.
- Prelazak sa logičkog nivoa 0 na 1 naziva se **rastuća ivica** – pozitivna (*rising-edge*), dok se tranzicija sa 1 na 0 naziva **opadajuća ivica** – negativna (*falling-edge*).
- D-tip flip-floovi se mogu realizovati i sa **pozitivnim i negativnim clock** ulazom.

Pozitivno i negativno trigerovani D-FF



clock data $q_{(n+1)}$ $\sim q_{(n+1)}$

0	0	1
1	1	0
?	$q_{(n)}$	$\sim q_{(n)}$

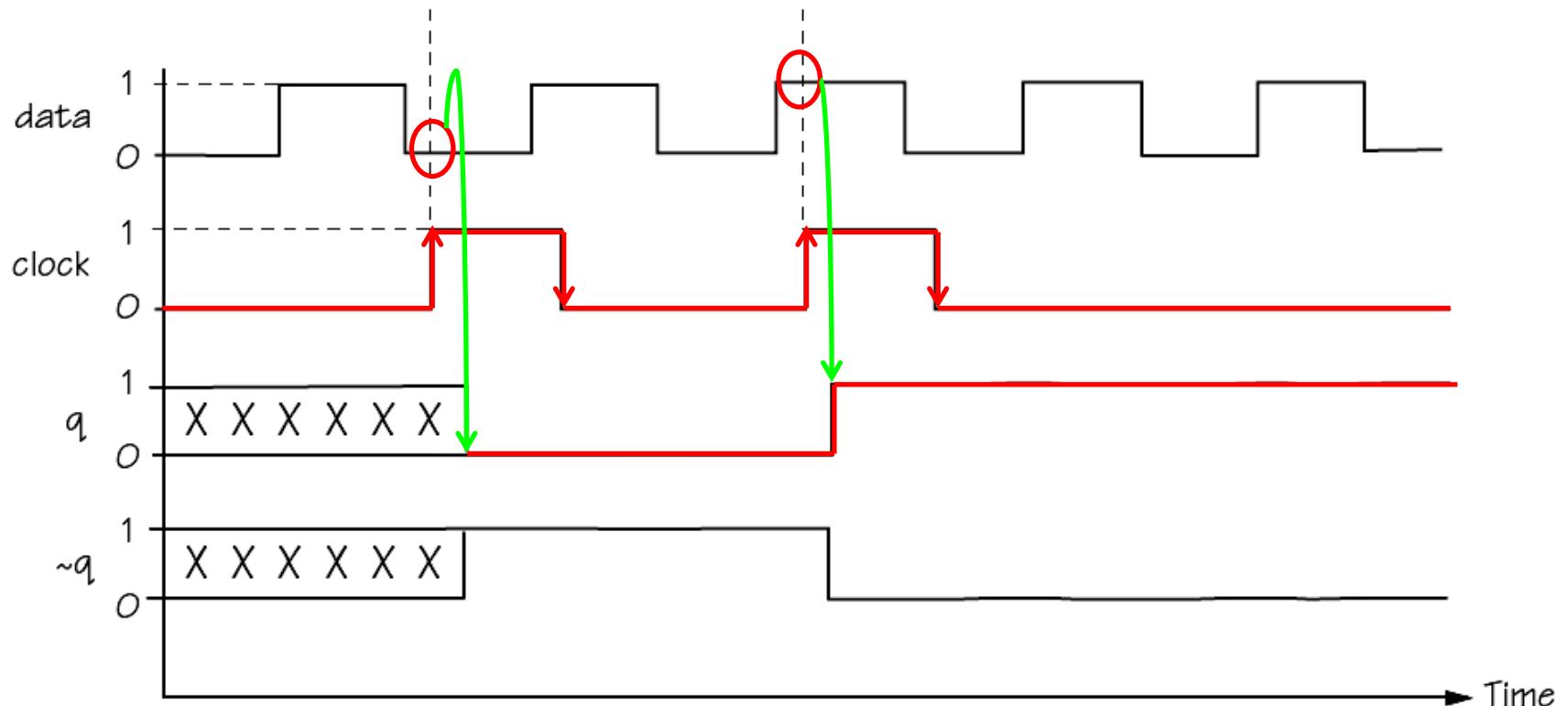
Pozitivno trigerovan

$\sim \text{clock}$ data $q_{(n+1)}$ $\sim q_{(n+1)}$

0	0	1
1	1	0
?	$q_{(n)}$	$\sim q_{(n)}$

Negativno trigerovan

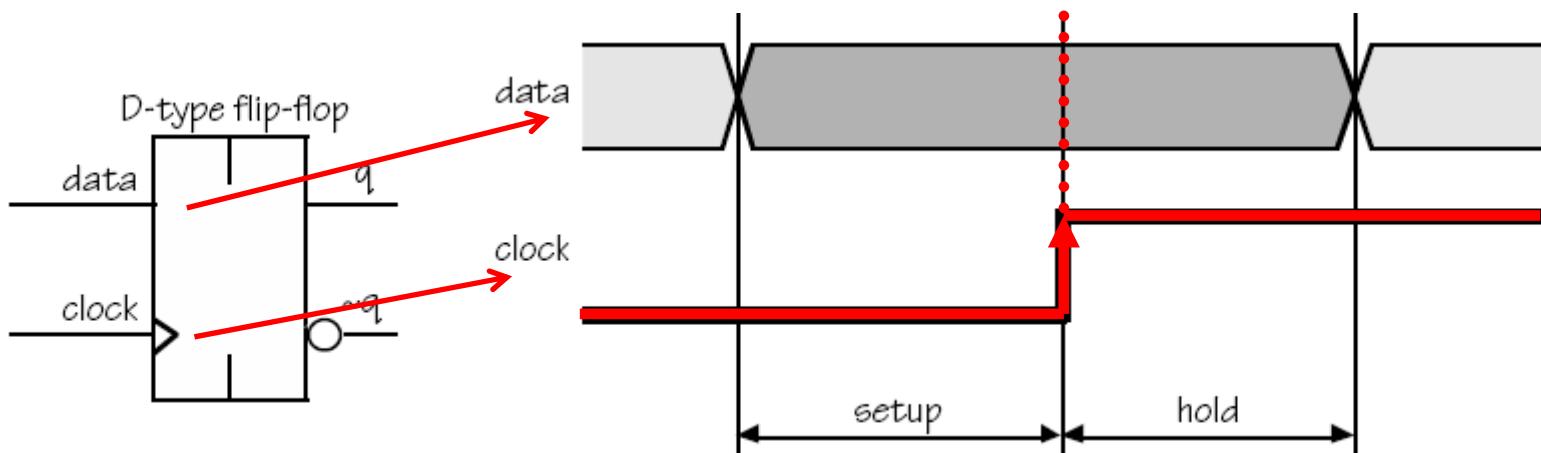
Talasni oblik D-FF



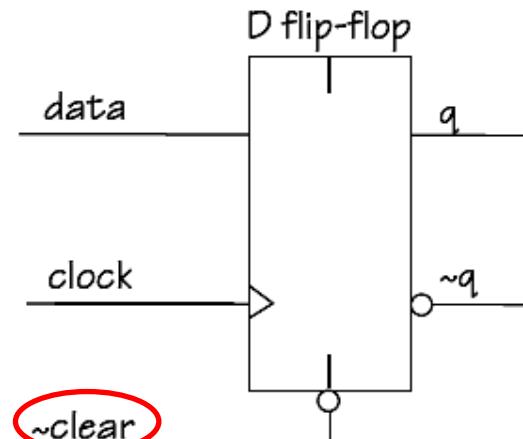
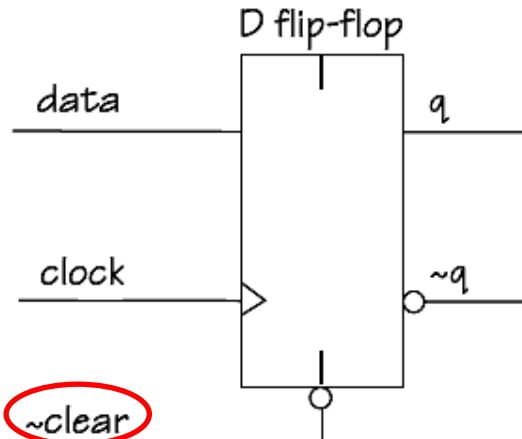
Talasni oblik pozitivno trigerovanog D flip-flopa

Vreme uspostavljanja signala

- **Setup** (uspostavljanje) and **hold** (držanje) vremena za D-FF su prikazana slici.
- Vremenski period u kome vrednost na data ulazu **mora ostati stabilan** je prikazan tamnjom bojom.
- Ova vremena su posledica **internih kašnjenja** u samom FF.
- Setup i hold definišu **brzinu same tehnologije!**



D-FF sa dodatnim ulazima



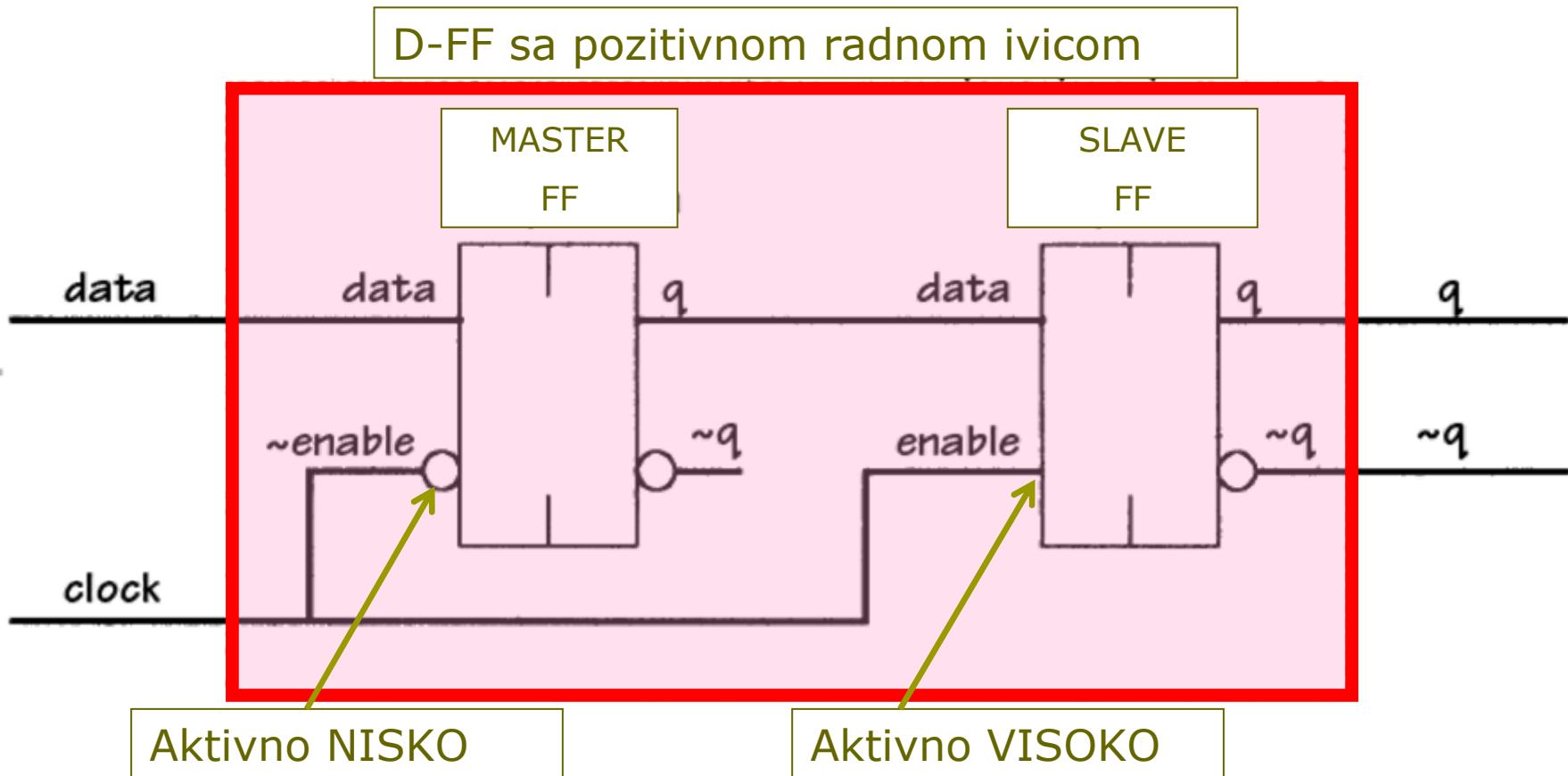
$\sim\text{clear}$	clock	data	$q_{(n+)}$	$\sim q_{(n+)}$
0	?	?	0	1
1	↑	0	0	1
1	↑	1	1	0

Asinhroni CLEAR

clock	$\sim\text{clear}$	data	$q_{(n+)}$	$\sim q_{(n+)}$
↑	0	?	0	1
↑	1	0	0	1
↑	1	1	1	0

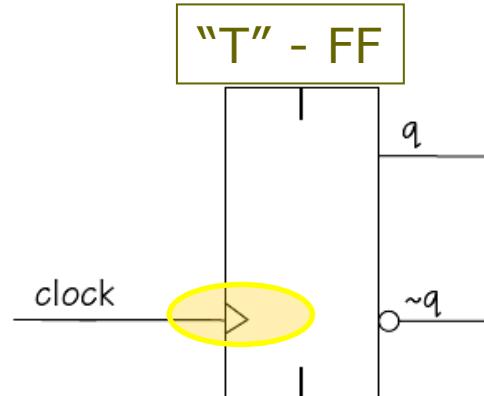
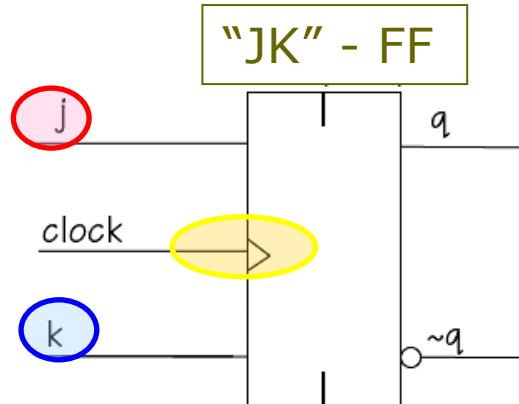
Sinhroni CLEAR

MASTER-SLAVE D-FF



- Iako je sve realizovano preko logičkih NIVOA, spolja gledano sve je sinhronizovano sa **rastućom ivicom** CLOCK-a.

JK & T - FF



↓

clock	j	k	$q_{(n+1)}$	$\sim q_{(n+1)}$
↑	0	0	$q_{(n)}$	$\sim q_{(n)}$
↑	0	1	0	1
↑	1	0	1	0
↑	1	1	$\overline{q_{(n)}}$	$\overline{\sim q_{(n)}}$

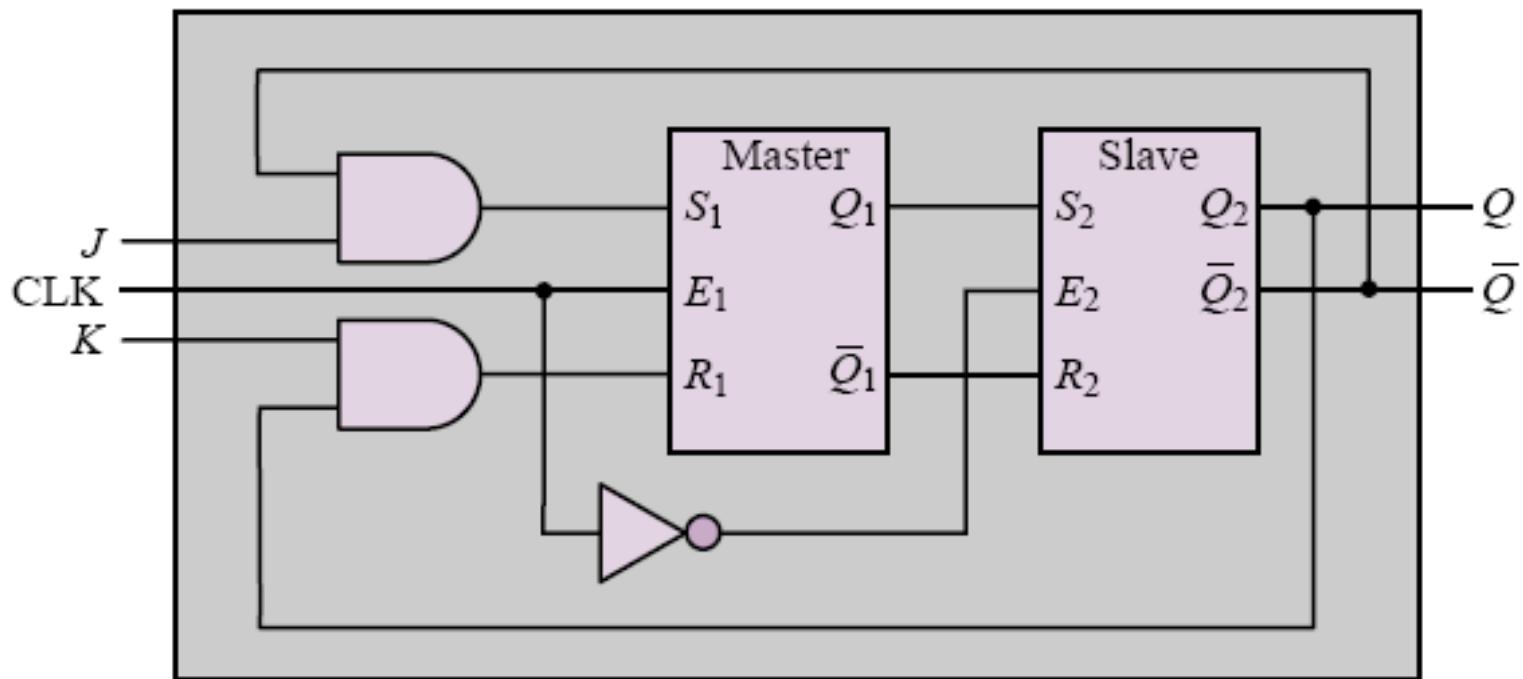
↓

clock	$q_{(n+1)}$	$\sim q_{(n+1)}$
↑	$\overline{q_{(n)}}$	$\overline{\sim q_{(n)}}$

= Toggle

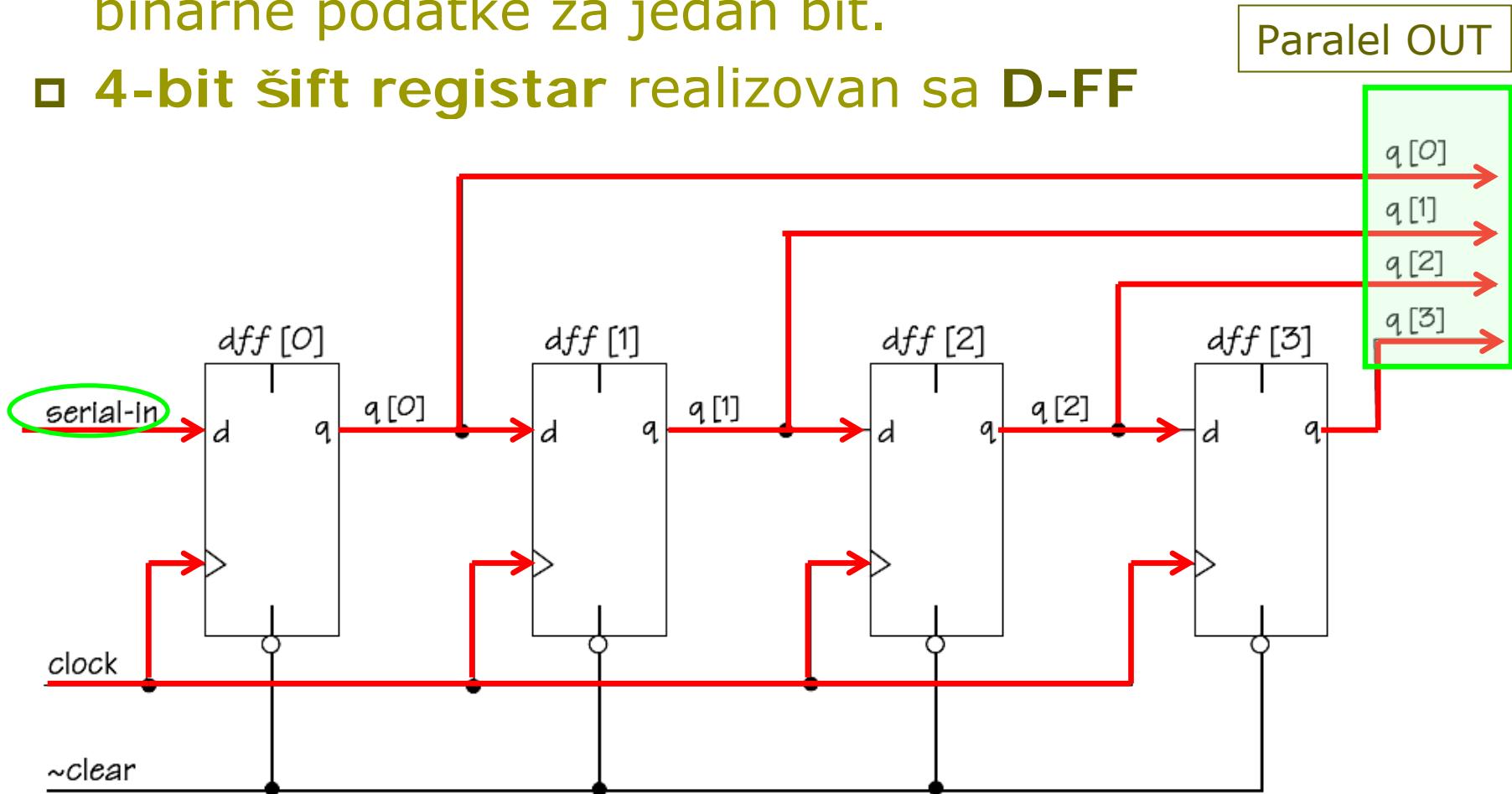
Promena stanja-Toggle

JK & T – FF, realizacija

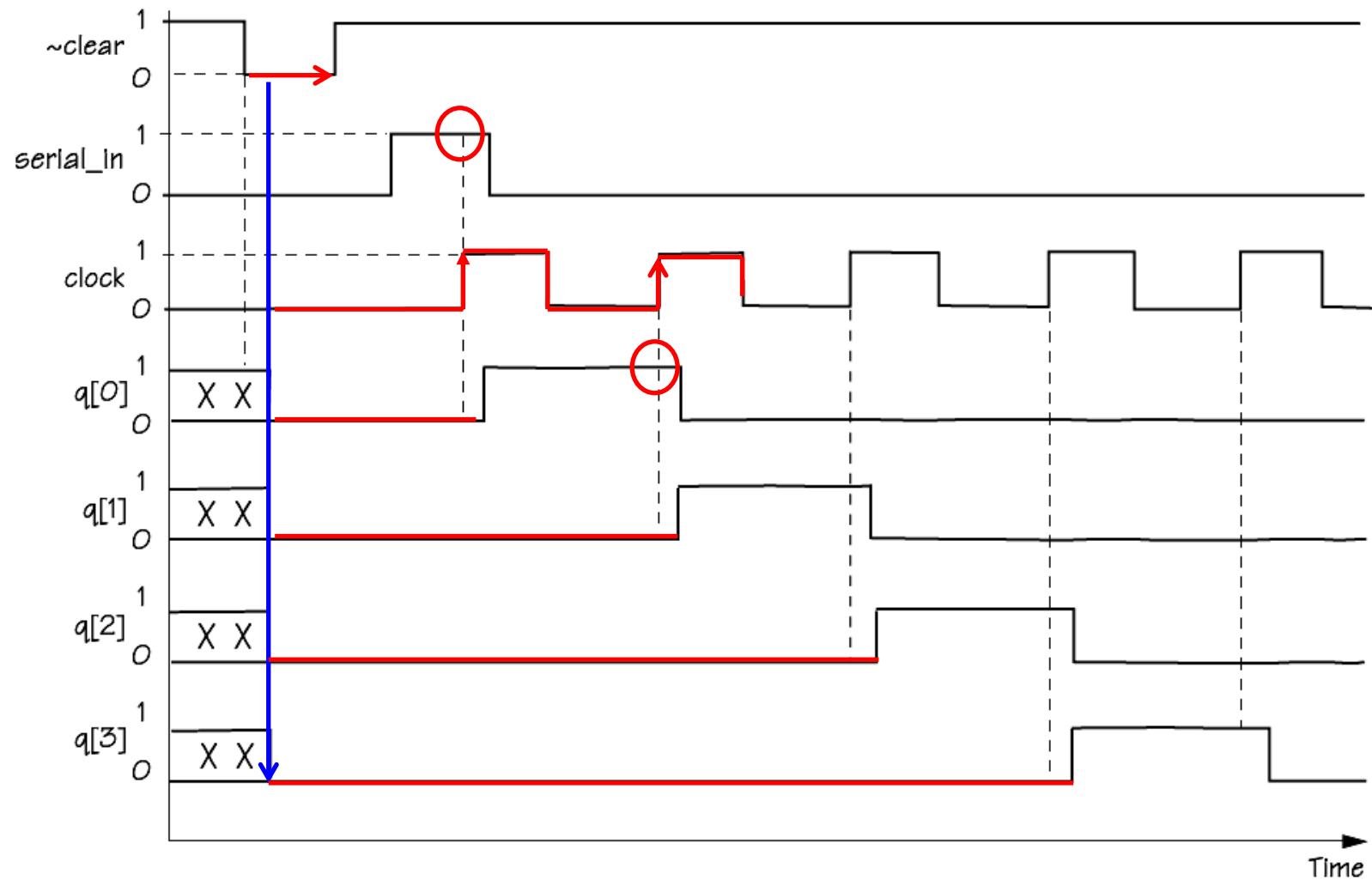


Šift registri - SIPO

- Posebna vrsta registara koja **pomera** (shift) binarne podatke za jedan bit.
- 4-bit šift registar realizovan sa D-FF

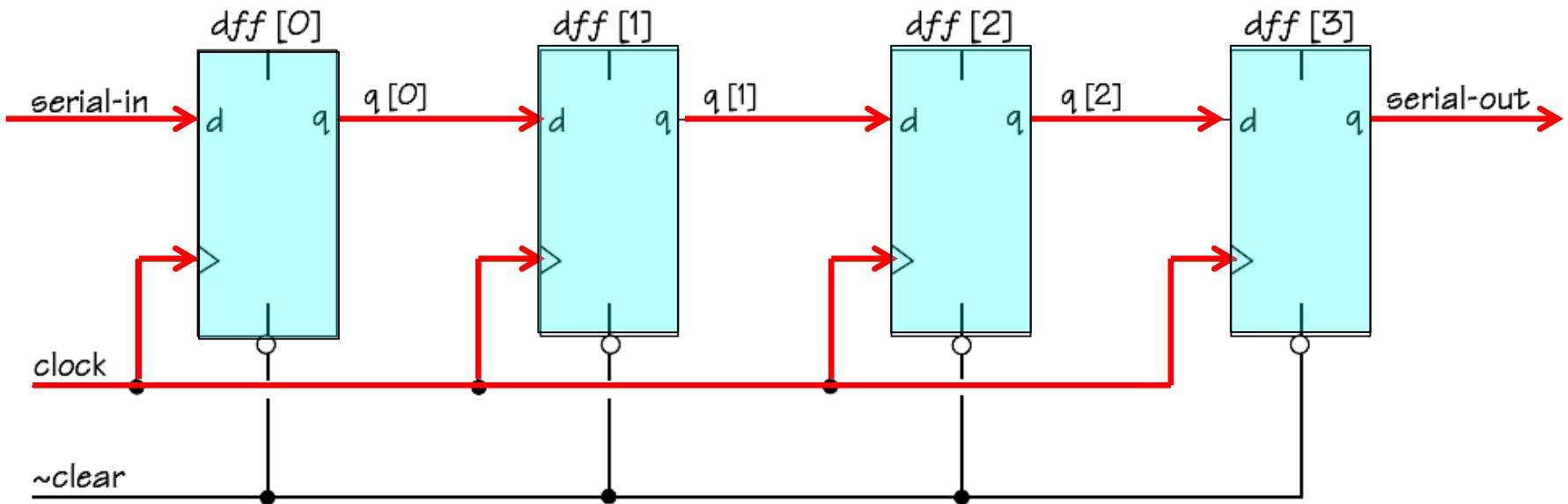


Talasni oblik SIPO shift registra



SISO šift registar

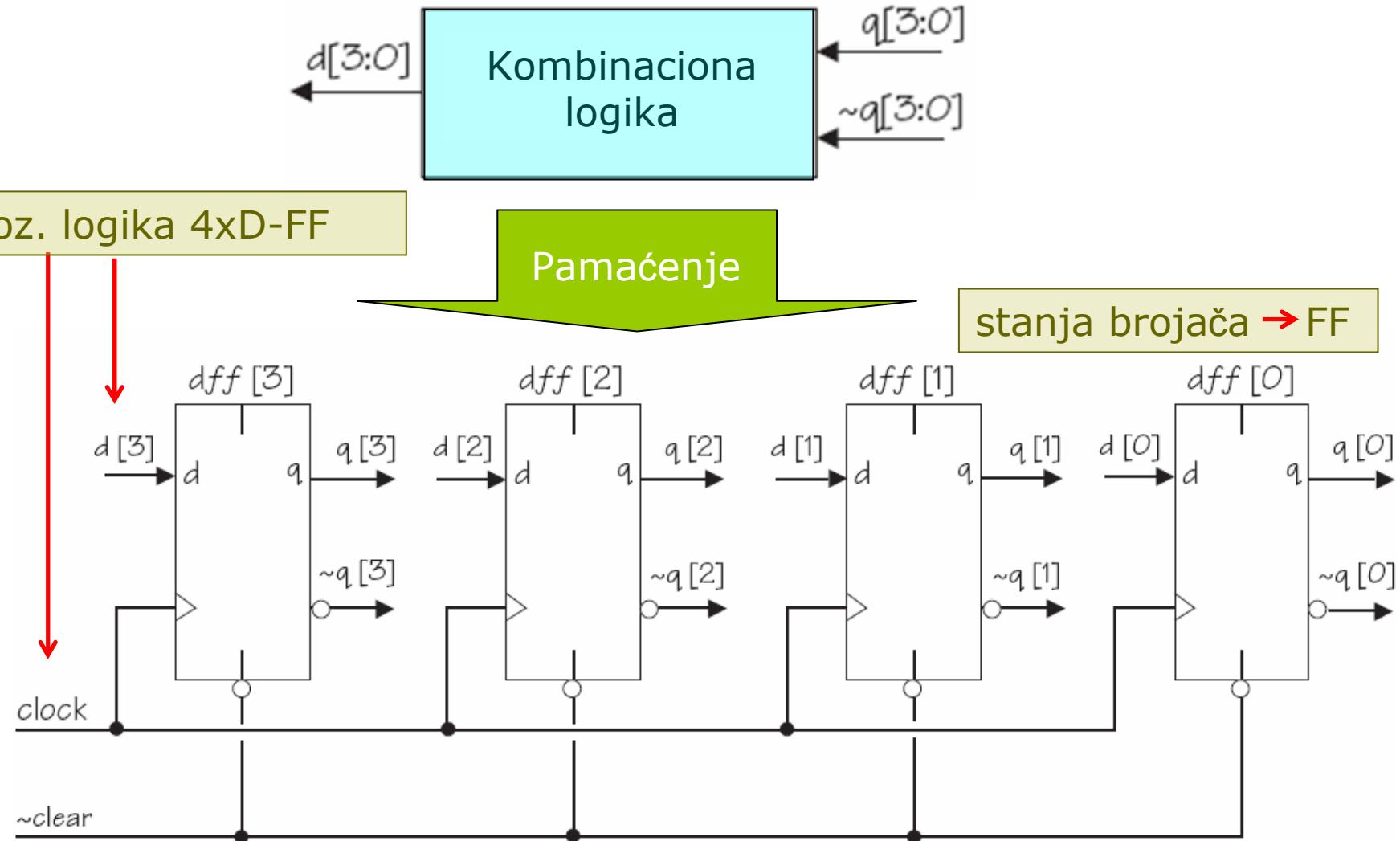
- Serijski ulaz serijski izlaz



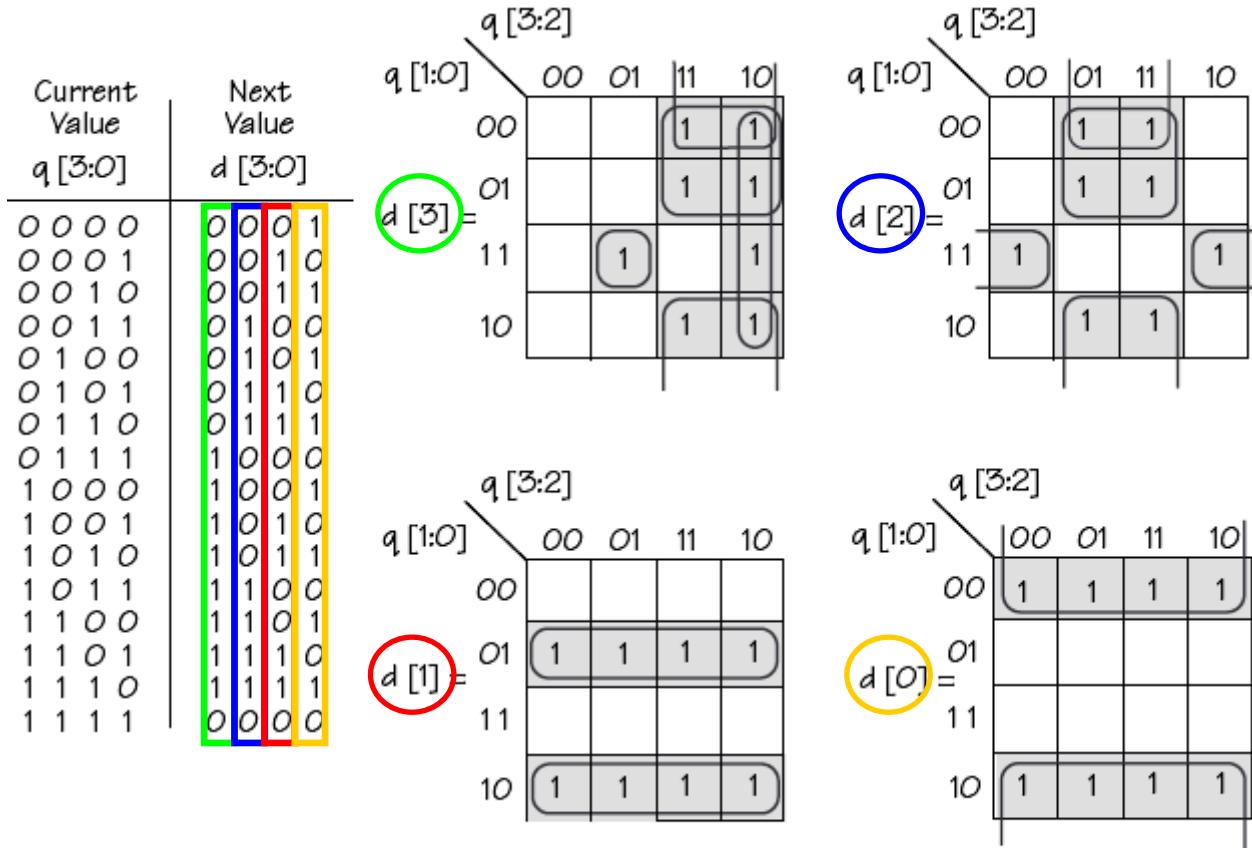
Brojači

- Brojačke funkcije se veoma često koriste u digitalnim sistemima.
- Moduo brojača je broj stanja kroz koje prolazi brojač pre povratka na početno stanje.
- Primer: brojač koji broji od 0000_2 do 1111_2 u binarnom sistemu (ili od 0 to 15 u decimalnom) ima moduo šesnaest (16)

Brojač: modulo 16 sa D-FF



Brojač u kombinacionoj tehniki.



$$d[3] = (q[3] \& \bar{q}[1]) + (q[3] \& \bar{q}[2]) + (q[3] \& \bar{q}[0]) + (\bar{q}[3] \& q[2] \& q[1] \& q[0])$$

$$d[2] = (q[2] \& \bar{q}[1]) + (q[2] \& \bar{q}[0]) + (\bar{q}[2] \& q[1] \& q[0])$$

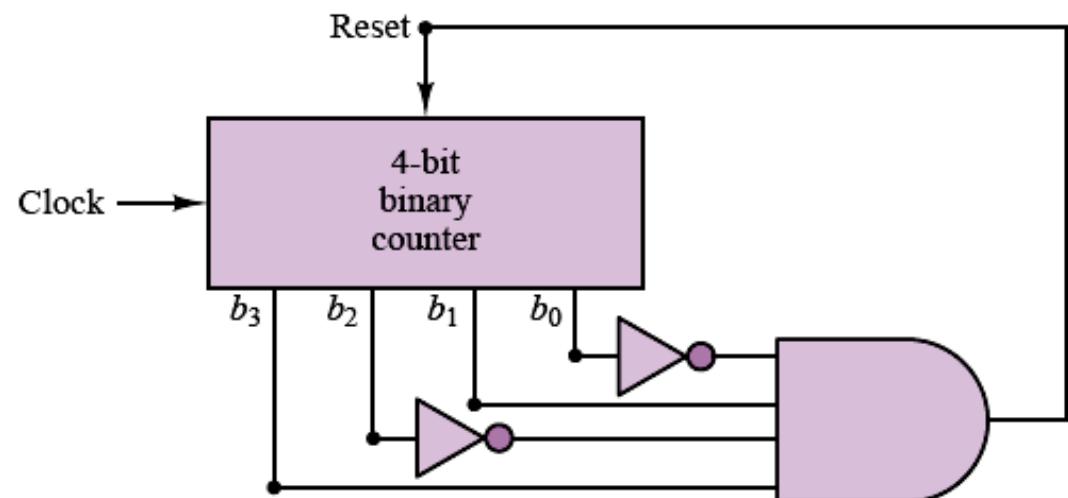
$$d[1] = (q[1] \& q[0]) + (\bar{q}[1] \& q[0])$$

$$d[0] = (\bar{q}[0])$$

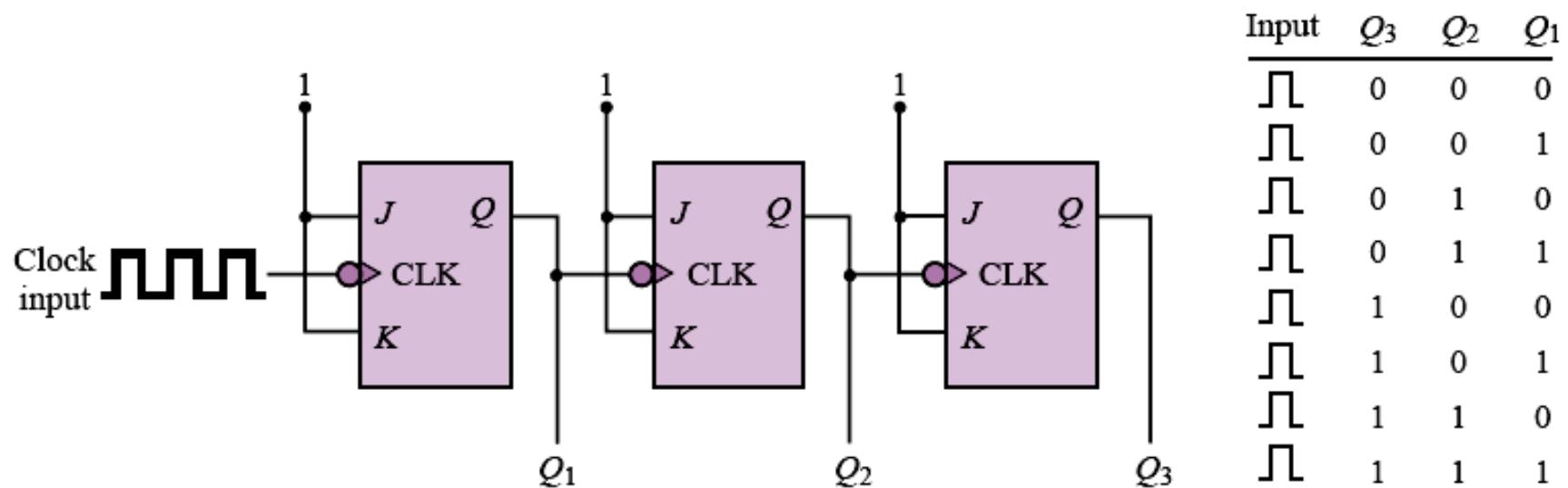
Dekadni Brojač

Input pulses	b_3	b_2	b_1	b_0
0	0	0	0	0
1	0	0	0	1
2	0	0	1	0
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
6	0	1	1	0
7	0	1	1	1
8	1	0	0	0
9	1	0	0	1
10	1	0	1	0

Reset



Ripple - brojač



Sedmosegmentni dekoder

